

GEOMETRIA PLANA - 15

TRIÂNGULOS CONGRUÊNCIA SEMELHÂNCIA

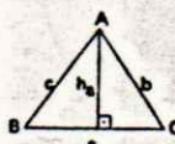
MEDIANAS



Partem de um vértice e vão até à metade do lado oposto.

As três medianas se cruzam num só ponto chamado BARICENTRO (centro de gravidade).

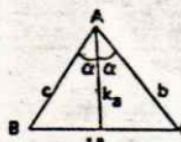
ALTURAS



Partem de um vértice e vão até o lado oposto, sendo perpendiculares ao mesmo.

As três alturas se cruzam num só ponto chamado ORTOCENTRO.

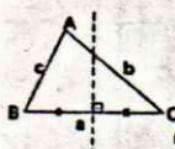
BISSETRIZES INTERNAS



Dividem cada ângulo interno em dois outros de mesma medida.

As três bissetrizes se cruzam no INCENTRO. Centro da circunferência inscrita no triângulo.

MEDIATRIZES



São perpendiculares a cada lado, pelo seu ponto médio.

Se cruzam no CIRCUNCENTRO que é o centro da circunferência que passa por A, B e C.

MEDIANA

$$m_a = \frac{1}{2} \sqrt{2b^2 + 2c^2 - a^2}$$

$a, b, c \rightarrow$ lados

ALTURA

$$h_a = \frac{2}{a} \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$

$p \rightarrow$ semi-perímetro
 $a, b, c \rightarrow$ lados

BISSETRIZ

$$k_a = \frac{2}{b+c} \sqrt{abc(p-a)}$$

$p \rightarrow$ semi-perímetro
 $a, b, c \rightarrow$ lados

CONGRUÊNCIA

São 3 os postulados de congruência de triângulos:

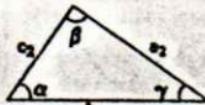
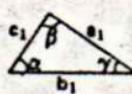
LAL: ângulo entre 2 lados.

ALA: lado entre 2 ângulos.

LLL: 3 lados congruentes.

SEMELHÂNCIA

Ocorre quando os ângulos correspondentes forem congruentes e os lados correspondentes proporcionais.



$$\frac{b_1}{b_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$